

# **BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR INFORMATIQUE DE GESTION**

**SESSION 2011**

**CORRIGÉ**

**ÉPREUVE E2 - MATHÉMATIQUES I**  
Épreuve obligatoire

**Durée : 3 heures**

**Coefficient : 2**

**Le corrigé comporte 4 pages, numérotées de la page 1/3 à 3/3.**

### Exercice 1 (5 points)

Question 1 : réponse c.

Question 2 : réponse b.

Question 3 : réponse d.

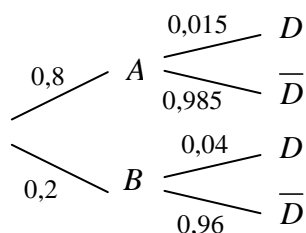
Question 4 : réponse b.

Question 5 : réponse a.

### Exercice 2 (8 points)

1.  $P(A) = 0,8$ ,  $P(B) = 0,2$ ,  $P_A(D) = 0,015$ ,  $P_B(D) = 0,04$ .

2.



3.  $P(D) = P(D \cap A) + P(\bar{D} \cap A) = 0,8 \times 0,015 + 0,2 \times 0,04 = 0,02$ .

4.  $P_D(A) = \frac{P(D \cap A)}{P(D)} = \frac{0,8 \times 0,015}{0,02} = 0,6$ .

#### Partie B :

1. Le choix de chaque composant est assimilé à une expérience de Bernoulli, le succès étant lui-même assimilé à l'obtention d'un composant défectueux (probabilité 0,02). On répète cette expérience 150 fois, donc  $X$  suit la loi binomiale de paramètres  $n = 150$  et  $p = 0,02$ .

2.  $E(X) = 150 \times 0,02 = 3$ , et  $\sigma(X) = \sqrt{150 \times 0,02 \times 0,98} = \sqrt{2,94} \approx 1,715$ .

3.  $P(X = 4) = C_{150}^4 \times 0,02^4 \times 0,98^{150} \approx 0,170$ .

4. a) Le paramètre est égal à l'espérance de  $Y$  qui doit être égale à celle de  $X$ . D'où le choix.

b)  $P(Y > 4) = 1 - \sum_{k=0}^4 P(Y = k) \approx 0,185$ .

#### Partie C

1. La variable binomiale a pour espérance  $1500 \times 0,02 = 30$  et pour écart-type  $\sqrt{1500 \times 0,02 \times 0,98} = \sqrt{29,4} \approx 5,42$ . D'où le choix.

2. La variable  $T = \frac{Z - 30}{5,42}$  suit la loi normale centrée réduite.

Donc  $P(Z \leq 20,5) = P(T \leq -\frac{9,5}{5,42}) = 1 - \Pi(\frac{9,5}{5,42}) \approx 0,040$ .

3.  $P(24,5 \leq Z \leq 35,5) \approx P(-1,02 \leq T \leq 1,02)$  et  $P(-1,02 \leq T \leq 1,02) = 2\Pi(1,02) - 1 \approx 0,692$ .

La probabilité d'avoir entre 25 et 35 composants défectueux dans un lot est de 69,2%.

### Exercice 3 (7 points)

#### Partie A

1. Les points du nuage ne sont pas alignés.
2. a)

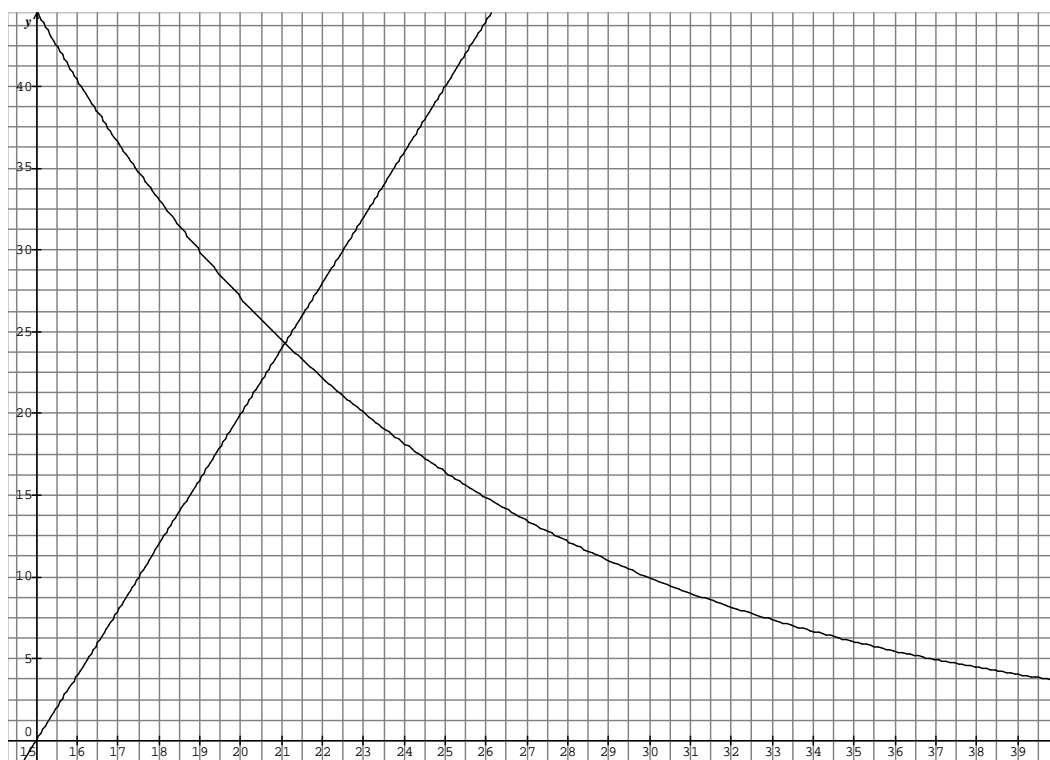
$x_i$	15	20	25	30	35	40
$z_i = \ln y_i$	3,79	3,30	2,79	2,30	1,82	1,25

- b)  $r \approx -1$ .
- c)  $z = -0,1x + 5,3$ .
- d)  $y = 200e^{-0,1x}$ .

#### Partie B

1. Graphiquement,  $f(23) \approx 20$ . Au prix unitaire de 23 €, la demande est d'environ 20 000 appareils.
2.  $f(x) \geq 9 \Leftrightarrow e^{-0,1x} \geq 0,045 \Leftrightarrow x \leq -10 \ln(0,045) \approx 31,01$ .  
La quantité est supérieure ou égale à 9000 si le prix unitaire  $x$  est situé dans l'intervalle  $[31 ; 40]$ .
3.  $f'(x) = -20 e^{-0,1x} < 0$ . Donc la fonction  $f$  est strictement décroissante sur  $[15 ; 40]$ .

4.



5. a) Graphiquement, le prix d'équilibre est égal environ à 21 euros.
- b)  $f(21) \approx 24,5$ . Au prix d'équilibre, la demande est d'environ soit 24 500 appareils.
- c) Le bénéfice correspondant est égal à :  $24\,500 \times (21 - 10) = 269\,500$  euros.
6.  $\int_{15}^{21} f(x) dx = [-2000 e^{-0,1x}]_{15}^{21} = 2000 [e^{-1,5} - e^{-2,1}]$ .